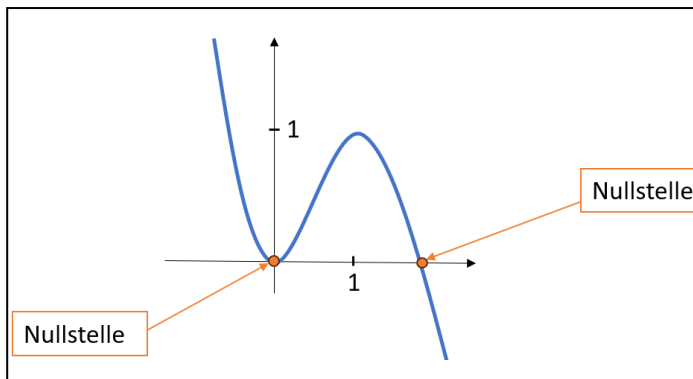


# Nullstellen

Jeder Punkt einer Funktion  $f$  wird **Nullstelle** genannt, wenn gilt, dass  $f(x) = 0$  ist.

Beispiel:  
Die Nullstellen des blauen Graphen (rechts) sind  $x_{N,1} = 0$  und  $x_{N,2} = 2$ .



- ① Bestimme die Nullstellen der folgenden **linearen Funktion**.

- a)  $f(x) = 0,5x - 3$   
b)  $g(x) = 10x + 0,5$   
c)  $h(x) = 3 + x$

## Nullstellen lineare Funktion

Visualisierung: ab 0:00 min  
Berechnung ab: 2:20 min

Link:

<https://youtu.be/DAJ1i9oD1VE>



- ② Bestimme die Nullstellen der folgenden **quadratischen Funktion**.

- a)  $f(x) = 2x^2 + x - 6$   
b)  $g(x) = -2x^2 - 8x - 6$

## Nullstellen quadratische Gleichungen

Link:

[https://youtu.be/B\\_PtpvhnNg0](https://youtu.be/B_PtpvhnNg0)



YouTube-

- ③ Bestimme die Nullstellen der folgenden **kubischen Funktion**.

- a)  $f(x) = 2x^3 + x^2 - 10x$   
b)  $g(x) = 0,25x^3 - 0,5x^2 - 2x$

## Nullstellen kubische Funktion

Link:

<https://youtu.be/z4BjlqYJCps>



YouTube-

- ④ Bestimme die Nullstellen der folgenden Funktionen durch **Substitution**.

- $f(x) = x^4 - 5x^2 + 4$
- $g(x) = 5x^4 - 5x^2 - 10$

## Nullstellen durch Substitutionsmethode

Link:

<https://youtu.be/Rpos9cEyCJY>



YouTube-

- ⑤ Bestimme die Nullstellen der folgenden Funktionen durch **Polynomdivision**.

- a)  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 2$   
b)  $g(x) = x^3 - 4,5x^2 + 6 - 2$

## Polynomdivision

Link:

<https://youtu.be/OdIYNZXjmW>

A



YouTube-

## Lösungen

### ① Lösungen

a) Lösungsweg:

$$f(x) = 0,5x - 3$$

|  $f(x)$  Null setzen

$$f(x) = 0$$

$$0 = 0,5x - 3$$

| + 3

$$3 = 0,5x$$

| · 2

$$6 = x$$

$$x_N = 6$$

b)  $x_N = -1/20 = -0,05$

c)  $x_N = -3$

### ② Lösungen

a) Lösungsweg:

$$f(x) = 2x^2 + x - 6$$

|  $f(x)$  Null setzen

$$f(x) = 0$$

$$0 = 2x^2 + x - 6$$

| : 2

$$0 = x^2 + 0,5x - 3$$

| p-q-Formel

$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\frac{p^2}{4} - q}$$

$$x_{1/2} = -\frac{1}{4} \pm \sqrt{\frac{1}{16} + 3}$$

$$x_{1/2} = -\frac{1}{4} \pm \sqrt{\frac{49}{16}}$$

$$x_{1/2} = -\frac{1}{4} \pm \frac{7}{4}$$

$$x_1 = -2$$

$$x_2 = \frac{3}{2}$$

b)  $x_1 = -3$

$$x_2 = -1$$

### ③ Lösungen

a) Lösungsweg:

$$f(x) = 2x^3 + x^2 - 10x$$

|  $f(x)$  Null setzen

$$f(x) = 0$$

$$0 = 2x^3 + x^2 - 10x$$

|  $x$  ausklammern

$$0 = x(2x^2 + x - 10)$$

|  $x$  ausklammern

$$x_{N,1} = 0$$

$$0 = 2x^2 + x - 10$$

| wie bei 2a) vorgehen ausklammern

$$x_{N,2} = -2,5$$

$$x_{N,3} = 2$$

## ③ Lösungen

a)

b)  $x_{N,1} = 0$

$x_{N,2} = -2$

$x_{N,3} = 4$

## ④ Lösungen

a) Lösungsweg:

$f(x) = x^4 - 5x^2 - 4$  |  $f(x)$  Null setzen

$f(x) = 0$

$0 = x^4 - 5x^2 - 4$  |  $x^2 = u$

$0 = u^2 - 5u - 4$  | p-q-Formel

...

$u_{1/2} = \frac{5}{2} \pm \frac{3}{2}$

$u_1 = 1$

$u_2 = 4$

$x_1^2 = 1$  und  $x_2^2 = 4$

$x_{N,1} = 1$

$x_{N,2} = -1$

$x_{N,3} = 2$

$x_{N,4} = -2$

b)  $x_{N,1} = -1$

$x_{N,2} = 1$

## ⑤ Lösungen

a) Lösungsweg:

$f(x) = x^3 - 2x^2 + 2$  | Nullstelle erraten

$x = 1 : f(1) = 0$

Faktorisierung:

$f(x) = (x-1) \cdot p_2(x) \rightarrow p_2(x) = \frac{f(x)}{x-1}$

$p_2(x) = (x^3 - 2x^2 - x + 2) : (x-1) = x^2 - x - 2$

$\underline{-(x^3 - x^2)}$

$-x^2 - x$

$\underline{-(-x^2 + x)}$

$-2x + 2$

$\underline{-(-2x + 2)}$

$0$

Nullstellen von  $p_2$ :

$x^2 - x - 2 = 0$

$$x_{N,1} = 2$$

$$x_{N,2} = -1$$

b)  $x_{N,1} = 2$

$$x_{N,2} = 0,5$$