

Ein Test zum Einstieg

- ① Wie gehen die Zahlenfolgen weiter?
 - Ergänze jeweils die folgenden drei Zahlen.
- ② Beschreibe jeweils das Bildungsgesetz der Zahlenfolgen in Worten.
- ③ Gib jeweils - falls möglich - eine Formel an, mit der sich die einzelnen Folgenglieder direkt berechnen lassen.



Tipp

Stelle deine Ergebnisse jeweils wie folgt mit Hilfe einer Tabelle dar.

x = Nummer des Folgenglieds	0	1	2	3	4	...	x
y = Folgenglied	0	2	4	6	8	...	$y = 2x$

Tab. 2 — Zahlenfolgen durch Formeln beschreiben

a)	1	3	5	7	9
b)	0	2	4	6	8
c)	0	2	6	12	20
d)	0	1	4	9	16
e)	2	3	5	7	11
f)	8	5	2	-1	-4
g)	5	10	20	40	80
h)	0	1	3	6	10

a) 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, ... ungerade Zahlen $\rightarrow y = 2x + 1$	b) 0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, ... gerade Zahlen $\rightarrow y = 2x$
c) 0, 2, 6, 12, 20, 30, 42, 56, ... ➤ Vgl. Abbildung c)	d) 0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, ... Quadratzahlen $\rightarrow y = x^2$
e) 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, ... Primzahlen \rightarrow keine Formel	f) 8, 5, 2, -1, -4, -7, -10, -13, ... ➤ Anfangswert 8 ➤ In jedem Schritt wird 3 subtrahiert $\rightarrow y = 8 - x \cdot 3$
g) 5, 10, 20, 40, 80, 160, 320, 640, ... ➤ Anfangswert 5 ➤ In jedem Schritt wird mit 2 multipliziert $\rightarrow y = 5 \cdot 2^x$	h) 0, 1, 3, 6, 10, 15, 21, 28, ... ➤ Vgl. Abbildung h)
i) 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ... ➤ $\mathbb{N} \rightarrow y = x$	j) 1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, ... ➤ Zweierpotenzen $\rightarrow y = 2^x$
k) 2, 7, 12, 17, 22, 27, 32, 37, ... ➤ Anfangswert 2 ➤ In jedem Schritt wird 5 addiert $\rightarrow y = 2 + x \cdot 5$	l) 0, 1, 8, 27, 64, 125, 216, 343, ... ➤ Kubikzahlen $\rightarrow y = x^3$

Lösungsvorschläge

Untersuchung des Änderungsverhalten bei Zahlenfolgen

④ Suche aus den Folgen der Aufgabe 1 diejenigen heraus, bei denen die Änderung von einem Folgenglied zum nächsten konstant ist und ergänze die fehlenden Einträge in der nachfolgenden Tabelle.

- b = Anfangswert m = konstante Änderung T = Term

Folge	x	0	1	2	3	4	...	b	m	y=T(x)
a)	y	1	3	5	7	9	...	1	2	$y=1+x*2$
Allgemein										

Tab. 3 — Änderungsverhalten bei linearen Funktionen mit Anfangswert b und konstanter Änderungsrate m

⑤ Überprüfe deine Ergebnisse mit Hilfe von GeoGebra.

- Zeichne auch die Graphen

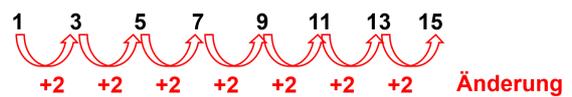
Zuordnungen der Form $y = mx + b$ heißen lineare Funktionen.

Bei linearen Funktionen gilt:

Der Anfangswert ist b .

Wenn sich x um 1 ändert, dann ändert sich y um m .

Abbildung a)



Lineare Funktionen: Die Änderung ist konstant.

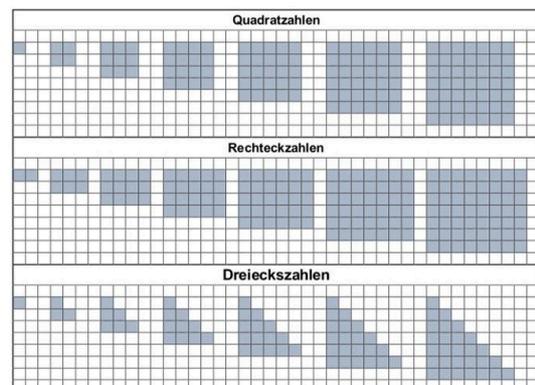
Änderungsverhalten linearer Funktionen

⑥ Untersuche das Änderungsverhalten der übrigen Folgen und beschreibe es möglichst genau.



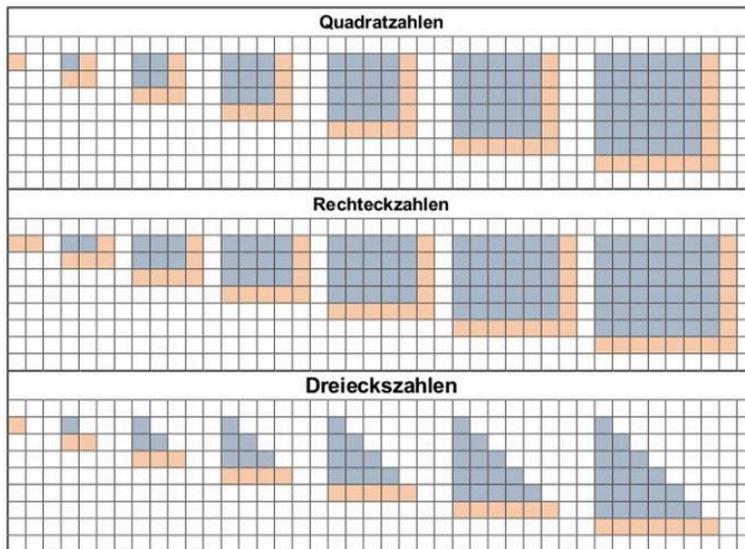
Figurierte Zahlen

Die folgenden Namen und Darstellungen für die Zahlenfolgen d), c) und h) kennst du schon aus Klasse 5.

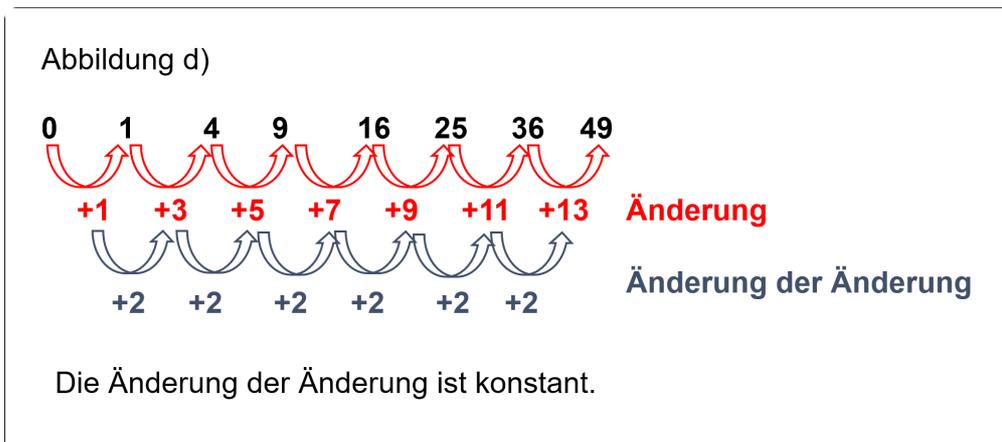


Figurierte Zahlen

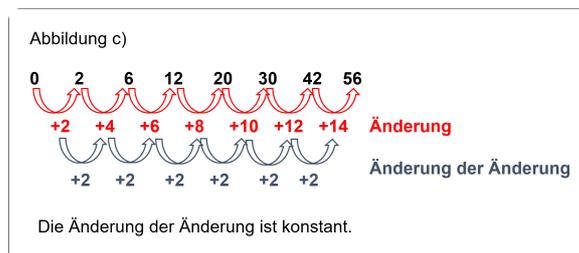
Lösungsvorschlag



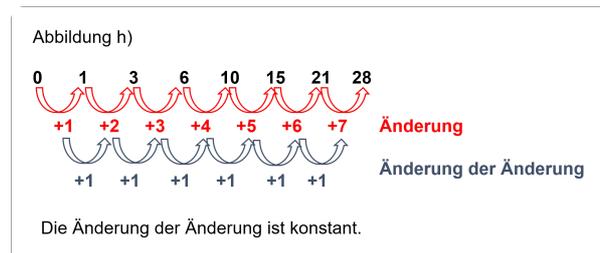
Änderungsverhalten bei figurierten Zahlen



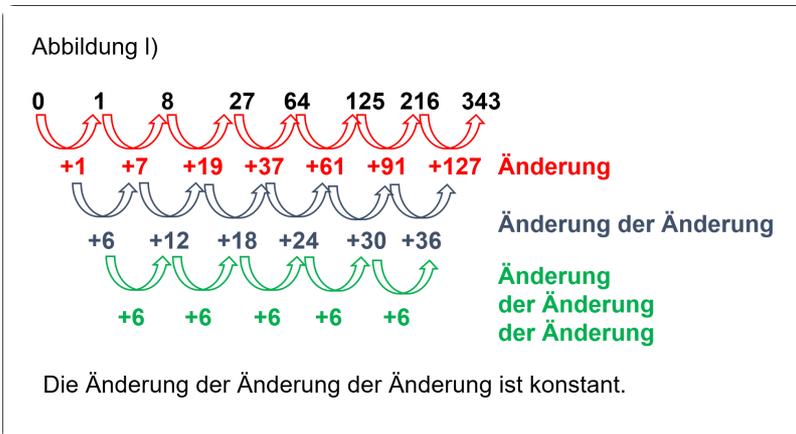
Änderungsverhalten bei Quadratzahlen



Änderungsverhalten bei Rechteckszahlen

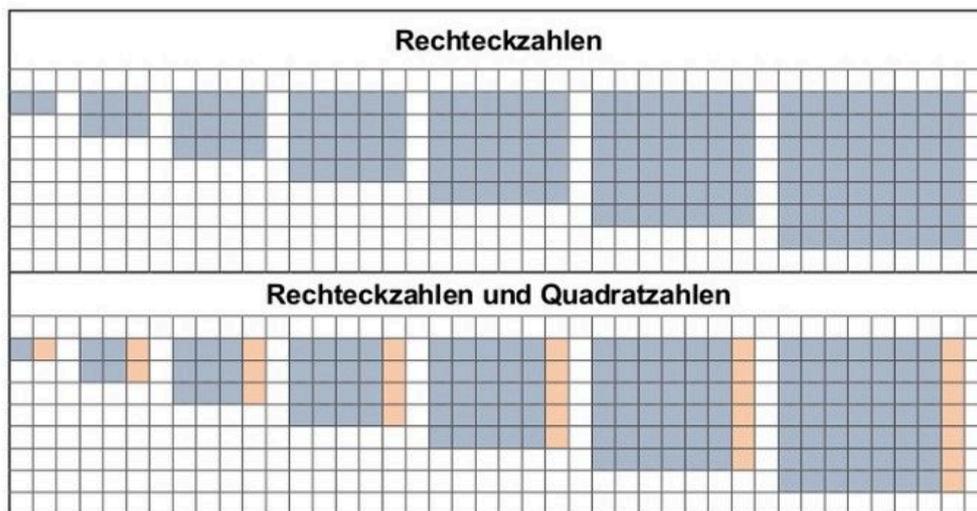


Änderungsverhalten bei Dreieckszahlen



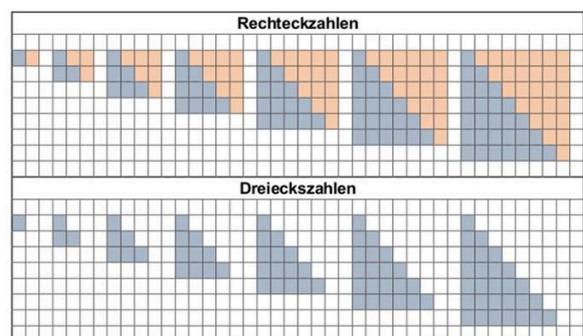
Änderungsverhalten bei Kubikzahlen

- ⑦ Finde mit Hilfe der folgenden Abbildung zwei verschiedene Formeln zur direkten Berechnung der einzelnen Rechteckszahlen.
 - Zeige, dass die Formeln gleichwertig sind.



Formeln zur Berechnung von Rechteckszahlen finden

- ⑧ Finde mit Hilfe der folgenden Abbildung eine Formel zur Berechnung der einzelnen Dreieckszahlen.



Rechteckzahlen und Dreieckszahlen

